

Geen enkele methode is direct en alle zijn feitelijk  
geïikt via geometrische methoden voor de dichtstbijzijnde  
sterren. (onderstreping van dictaatschrijver)

Aangezien bij al deze methoden de absorptie ook nog een rol speelt is het duidelijk hoe moeilijk en onbetrouwbaar deze metingen zijn.

Secundaire methoden (afgeleid uit waarneming van dichtstbijzijnde stelsels) :

- totale helderheid van een stelsel : zeer grote spreiding, beperking tot één bepaald type is betrouwbaarder (100 Mpc)
- het op na helderste lid van een groep. Het helderste lid wil nogal eens afwijken, maar de daaropvolgende geven een vrij goede indicatie. Reikwijdte ca 500 Mpc.  
(Volgens andere bronnen : minder dan 10.000 Mpc)
- diameter van stelsel : zeer grote spreiding, zeer onnauwkeurig.

- Roodverschuiving van spectraallijnen ten gevolge van de uitdijing van het heelal.

$$d_H = \frac{v_{\text{radieel}}}{H_0} ; \quad H_0 \approx 50 \text{ km s}^{-1} \text{ Mpc}^{-1} \quad (\text{A7})$$

Tot op zeer grote afstand bruikbaar. Fout in  $H_0$  geeft fout in alle afstanden.  $H_0$  moet aan dichtstbijzijnde stelsels worden bepaald.

Voor het omrekenen van een roodverschuiving naar een afstand moet men eigenlijk het kosmologisch model kennen. De formule  $v = Hr$  is alleen een eerste orde benadering en geldt best niet voor grote afstanden. Vaak geeft men daarom tegenwoordig alleen de roodverschuiving op, geen afstand.

Kosmologen veronderstellen in het algemeen dat de kosmische ruimte-tijd in elk geval in eerste orde benadering geïdentificeerd kan worden met een Riemann-ruimte  $V_4$ , waarvan de metriek als volgt kan worden voorgesteld :

$$ds^2 = c^2 dt^2 - R(t) d\sigma^2 \quad (\text{B1})$$

Hierin is  $R(t)$  een positieve numerieke functie van de variabelen  $t$  en  $d\sigma^2 > 0$ .  $d\sigma^2$  is de metriek van een Riemann-ruimte  $V_3$  met constante kromming. We kunnen  $d\sigma^2$  met behulp van geschikte coördinaten als volgt schrijven :

$$ds^2 = c^2 dt^2 - \frac{R(t)}{\left(1 + \frac{h r^2}{4}\right)^2} (dr^2 + r^2 d\vartheta^2 + r^2 \sin^2 \vartheta d\phi^2) \quad (\text{B2})$$

waarin  $h = \begin{cases} 0 & \text{of} \\ +1 & \end{cases}$ ,  $0 \leq \vartheta \leq \pi$ ,  $0 \leq \phi \leq 2\pi$

$ds^2$  heeft de dimensie van een lengte-kwadraat,  $R(t)$  die van een lengte, terwijl  $r, \vartheta$  en  $\phi$  dimensieloos zijn. Er bestaan oneindig veel coördinatentransformaties die de gedaante (B1) van uitdrukking  $(\Sigma)$  onverlet laten. De meest gebruikte is :

$$\tilde{r} = \frac{r}{1 + \frac{h r^2}{4}}$$

Men krijgt dan in plaats van (B2)

$$ds^2 = c^2 dt^2 - R(t) \left( \frac{d\tilde{r}^2}{1 - h \tilde{r}^2} + \tilde{r}^2 d\vartheta^2 + \tilde{r}^2 \sin^2 \vartheta d\phi^2 \right) \quad (\text{B3})$$

Het heelalmodel van E.A. Milne correspondeert met (B3) als men daarin  $k = -1$  en de kosmische schaalfactor  $R(t) = ct$  neemt. De metriek (B3) is van toepassing op al die modellen die aan het kosmologisch beginsel voldoen, ook die modellen die buiten de algemene relativiteitstheorie liggen (Rindler).<sup>32)</sup>

\* ) Het kosmologisch beginsel : het heelal is exact ruimtelijk homogeen en isotroop. Anders geformuleerd : op elk ogenblik ziet elke waarnemer in natuurlijke beweging **\*\*\*)** het heelal in zijn geheel op precies dezelfde manier als een willekeurige andere waarnemer in natuurlijke beweging op hetzelfde kosmische tijdstip.<sup>27)</sup>

\*\*) Een waarnemer in natuurlijke beweging (fundamentaal observer) is een waarnemer aan wie ruimtecoördinaten  $r, \vartheta, \phi$  toegekend kunnen worden die niet veranderen in de loop van de tijd (meebewegende coördinaten).